

なっとくの線形代数 訂正表

誤り部分は赤で，訂正後は青で表しています．

初版 1 刷 282 頁 上から 1 行目 (2007.08.25)

誤：

$$A_{ij} = (-1)^{i+j} \begin{vmatrix} a_{i1} & a_{ij-1} & a_{ij+1} & a_{in} \\ a_{11} & a_{1j-1} & a_{1j+1} & a_{1n} \\ \vdots & \dots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ a_{i-11} & a_{i-1j-1} & a_{i-1j+1} & a_{i-1n} \\ a_{i+11} & a_{i+1j-1} & a_{i+1j+1} & a_{i+1n} \\ \vdots & \dots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ a_{n1} & a_{nj-1} & a_{nj+1} & a_{nn} \end{vmatrix} \quad (= (-1)^{i+j} M_{ij} \text{ とおく}).$$

正：(1 行目を削除します)

初版 1 刷 282 頁 上から 4 行目 (2007.08.25)

誤：

Q1.4 次の行列 $A = (a_{ij})$ について，・・・

正：

Q1.4 次の行列 $A = (a_{ij})$ の行列式 $|A|$ について，・・・

初版 1 刷 233 頁 上から 5~7 行目 (2007.10.14)

誤：

$$f(x, y) = ax^2 + 2bxy + cy^2 = (x \ y) \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = c$$

です．これらの曲線を分類するには，『 α 』の §9.3 で行ったように，固有値方程式 $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \lambda \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ を利用して，行列 $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ を・・・

正：

$$f(x, y) = ax^2 + 2bxy + dy^2 = (x \ y) \begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = c$$

です．これらの曲線を分類するには，『 α 』の §9.3 で行ったように，固有値方程式 $\begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \lambda \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ を利用して，行列 $\begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix}$ を・・・

初版 1~2 刷 89 頁 下から 1~8 行目 (2010.02.08)

誤:

ド・モアブルの定理より, 自然数 m に対して

⋮

が成立します。(全て変更します).

正:

例えば, $w = 1^{\frac{1}{n}}$ つまり n 次方程式 $w^n = 1$ の解は,

$$\cos 2k\pi + i \sin 2k\pi = 1 \quad (k \text{ は整数})$$

に注意すると, ド・モアブルの定理を用いて確かめられるように,

$$w = 1^{\frac{1}{n}} = \cos \frac{2k\pi}{n} + i \sin \frac{2k\pi}{n} \quad (k = 0, 1, 2, \dots, n-1)$$

です(詳細は次の §§ で議論します). この結果は $(\cos \theta + i \sin \theta)^{\frac{1}{n}}$ を求める際に利用できます. $\left\{ \left(\cos \frac{\theta}{n} + i \sin \frac{\theta}{n} \right) \cdot 1^{\frac{1}{n}} \right\}^n = \cos \theta + i \sin \theta$ に注意すると,

$$(\cos \theta + i \sin \theta)^{\frac{1}{n}} = \cos \frac{\theta + 2k\pi}{n} + i \sin \frac{\theta + 2k\pi}{n}$$

$(k = 0, 1, 2, \dots, n-1)$ となることがわかります. このことは, ド・モアブルの定理は, 正負の整数乗については成り立つが, 累乗根までは(したがって, 有理数乗・実数乗には)拡張できないことを意味します.

初版 1~2 刷 90 頁 下から 6~13 行目 (2010.02.08)

誤 :

もう 1 つの解法は**拡張された**ド・モアブルの定理を使う方法です . $|1| = 1$,
また , 1 の偏角については一般に ‘ $\arg 1 = 2k\pi$ (k は整数) である ’ ことに注意
すると ,

$$1 = \cos 2k\pi + i \sin 2k\pi \quad (k \text{ は整数})$$

と表されます . よって , **両辺の n 乗根をとって**

$$1^{\frac{1}{n}} = \cos \frac{2k\pi}{n} + i \sin \frac{2k\pi}{n} \quad (k \text{ は整数})$$

が得られます . このとき , 3 角関数の周期性より , $k = 0, 1, 2, \dots, n-1$ と制限
することができます .

正 :

もう 1 つの解法は**前の §§** のド・モアブルの定理を使う方法です . $|1| = 1$,
また , 1 の偏角については一般に ‘ $\arg 1 = 2k\pi$ (k は整数) である ’ ことに注意
すると ,

$$1 = \cos 2k\pi + i \sin 2k\pi \quad (k \text{ は整数})$$

と表されます . よって , **下式の両辺を n 乗するとわかるように**

$$1^{\frac{1}{n}} = \cos \frac{2k\pi}{n} + i \sin \frac{2k\pi}{n} \quad (k \text{ は整数})$$

です . このとき , 3 角関数の周期性より , $k = 0, 1, 2, \dots, n-1$ と制限するこ
とができます .

初版 1~2 刷 92 頁~95 頁 (2010.02.17)

ミスのため , 全面改定いたしました $m(_ _)m$ Euler.pdf .
(thanks あらきけいすけさん (岡山理科大学 准教授))

初版 1~2 刷 15 頁 下から 13 行目 (2011.6.22)

誤 :

と表して , 関数 f と g の合成関数といいます (. . .

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

と表して , 関数 g と f の合成関数といいます (. . .

初版 1~2 刷 67 頁 下から 8~6 行目 (2011.6.22)

誤 :

また、きちんとした議論に備えて、0 と 1 の定義を明確にしておきましょう :

任意の実数 a に対して

$$a + 0 = a, \quad a \cdot 0 = 0, \quad 1 \cdot a = a.$$

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

ここで、0, 加法の逆数, 1, 乗法の逆数などの定義を明確にしましょう :

任意の実数 a に対して

$$a + 0 = a, \quad a + (-a) = 0, \quad a \cdot 1 = a, \quad a \cdot (1/a) = 1 \quad (a \neq 0).$$

初版 1~2 刷 188 頁 上から 14 行目 (2011.6.22)

誤 :

4°) 任意の $x \in V$ に対してその逆元 $-x$ が存在する :

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

4°) 任意の $x \in V$ に対してその逆元 $-x \in V$ が存在する :

初版 1~2 刷 221 頁 下から 6 行目 (2011.6.22)

誤 :

を示さない。ヒント : シュワルツの不等式 $|(a, b)| \leq \|a\| \|b\|$ を用います。

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

を示さない。ヒント : シュワルツの不等式 $|(a, b)| \leq \|a\| \|b\|$ を用います。

初版 1~2 刷 267 頁 下から 5 行目 (2011.6.22)

誤 :

と表すことができます。 z の解を求めるのは練習問題ですね。

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

と表すことができます。 x の解を求めるのは練習問題ですね。

初版 1~2 刷 243 頁 脚注 (2011.10.23)

誤 :

⁵⁾ 線形変換 $f: A$ に対して, 方程式 $A\vec{x} = \lambda\vec{x}$ を満たす定数 λ を A の固有値といい, $\vec{x}(\neq \vec{0})$

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (予備校生))

⁵⁾ 線形変換 $f: A$ に対して, 方程式 $A\vec{x} = \lambda\vec{x}$ を満たす定数 λ を A の固有値といい, $\vec{x}(\neq \vec{0})$

初版 1~2 刷 47 頁 下から 6 行目 (2011.12.03)

誤 :

また, 互換は (1 2), (1 3), (2 3) で, ${}_3P_2 = 3$ 通りありますね .

正 : (thanks 塩路 さん (社会人))

また, 互換は (1 2), (1 3), (2 3) です (こちらは組み合わせで ${}_3C_2 = 3$ 通り) .

初版 1~2 刷 251 頁 上から 14 行目 (2012/05/16)

誤 :

ましょう . $f: (X, Y) \mapsto (x, y)$, $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix}$, $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ で $ad - bc =$ とします .

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (大学生))

ましょう . $f: (X, Y) \mapsto (x, y)$, $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix}$, $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ で $ad - bc = 0$ とします .

初版 1~2 刷 296 頁 下から 11 行目 (2012/05/16)

誤 : $W = \{x \in \mathbf{R}^n \mid Ax = 0\}$

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (大学生))

$$W = \{x \in \mathbf{R}^n \mid Ax = 0\}$$

初版 1~2 刷 297 頁 上から 4~7 行目 (2012/05/16)

誤 :

n 元 m 連立 1 次方程式 $Ax = b$ の $m \times n$ 行列 A を \mathbf{R}^n から \mathbf{R}^m への線形写像 f の表現行列と考えることもできます : $f(x) = Ax$. このとき, Ax の全体を A の像 (イメージ, Image) と呼び, $\text{Im } A$ で表します :

$$\text{Im } A = \{Ax \in \mathbf{R}^m \mid x \in \mathbf{R}^n\} .$$

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (大学生))

n 元 m 連立 1 次方程式 $Ax = b$ の $m \times n$ 行列 A を \mathbb{R}^n から \mathbb{R}^m への線形写像 f の表現行列と考えることもできます： $f(x) = Ax$. このとき , Ax の全体を A の像 (イメージ , Image) と呼び , $\text{Im}A$ で表します :

$$\text{Im}A = \{Ax \in \mathbb{R}^m \mid x \in \mathbb{R}^n\}.$$

初版 1~2 刷 297 頁 上から 12 行目 (2012/05/16)

誤 : $\text{Ker}A = \{x \in \mathbb{R}^n \mid Ax = \mathbf{0}\} (= W).$

正 : (thanks 最強位相空間 (M,O) さん (大学生))

$$\text{Ker}A = \{x \in \mathbb{R}^n \mid Ax = \mathbf{0}\} (= W).$$